

# همانندی‌ها و کاربرد آن‌ها در آموزش مفهوم نیرو

طاهره عظیمی انجمن علمی آموزشی معلمان فیزیک استان کرمان

غلامحسین رستگارنیس سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی

فاطمه عظیمی آموزش و پرورش شهرستان رفسنجان

متفاوت به نظر می‌رسند اما به لحاظ صفت یکسوکنندگی مشابه یکدیگرند [۱].

آنچه در این پژوهش مورد بررسی قرار خواهد گرفت نیروهای الکتریکی، نیروهای گرانشی و نیروهای الکترومغناطیسی هستند. پژوهشگران این پژوهش امیدوارند که در پایان بررسی به ارتباط مشترک بین این سه نیرو دست یابند و نیز نشان دهند که وجود عوامل مشترک در این نیروها روش تدریس را منسجم‌تر، راحت‌تر و اصولی‌تر، و یادگیری را عمیق‌تر و آسان‌تر می‌کند و باعث ایجاد مجموعه‌ای کوچک‌تر با نظمی جدید و قابل استفاده بھینه می‌گردد.

## چکیده

آنچه در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفت، همانندی‌ها و کاربرد آن در آموزش فیزیک است. در این پژوهش همانندی در مفهوم نیرو برای نیروهای الکتریکی، گرانشی و الکترومغناطیسی مورد استفاده قرار گرفت. ابتدا به نکته‌های مهم این نیروها پرداخته شد و سپس این نکته‌ها با یکدیگر مقایسه شد و عوامل مشترک بین آن‌ها به دست آمد، عوامل مشترک: اندازه ذرات و همچنین فاصله بین این ذرات است و ارتباط این عوامل با اندازه نیروها.

## ۲. مفهوم نیرو

مفهوم نیرو از زمان‌های دور، در استاتیک و دینامیک مورد استفاده قرار گرفته است. مطالعات باستانی روی استاتیک، در قرن سوم قبل از میلاد، در کارهای ارشمیدس به حد نهایی خود رسید که هم‌اکنون نیز قسمت‌هایی از فیزیک جدید را تشکیل می‌دهند. نیرو کمیتی برداری است که می‌تواند سرعت جسم را تغییر دهد و سبب حرکت آن شود. به عبارتی نیرو عامل حرکت به شمار می‌رود. در واقع نیروی خالص، عامل شتاب است. نیرو را به طور شهودی می‌توان با کشیدن یا هُل دادن توصیف کرد. اگر هیچ نیرویی بر جسم وارد نشود، تغییری در سرعت مشاهده نمی‌شود و جسم در حال تعادل باقی می‌ماند. یکای نیرو نیوتون است.

**کلیدواژه‌ها:** همانندی، نیروی الکتریکی، نیروی گرانشی، نیروی الکترومغناطیسی

## مقدمه

در شاخه‌های مختلف فیزیک شباهت‌های بسیاری وجود دارد، این شباهت‌ها گاه ظاهری و گاه محتموایی هستند. در آموزش فیزیک داسستان چنین شباهت‌هایی زمینه رشد مهارت‌های ذهنی و عملی را پیش‌روی دانش‌آموزان قرار داده و قدرت خلاقیت آن‌ها را افزایش می‌دهد. ارزش این همانندی‌ها در آموزش فیزیک آن است که می‌توان با آموزش یک مفهوم معین در یک زمینه فیزیک، سایر مفاهیم مشابه را در زمینه‌های دیگر فیزیک همزمان آموزش داد.

شاهرخ لقایی در طرح آموزش همانندی‌ها به این نتیجه رسید که: دیوید به مشابه یکسوساز الکتریکی، شیر یک طرفه آب به عنوان یکسوساز جریان آب، شیرهای یک طرفه پنوماتیکی به عنوان یکسوساز باد و یکسوساز نوری به عنوان یکسوسکننده نور، از وسایلی هستند که گرچه به لحاظ ظاهری

## ۳. معرفی نیروها

### ۳-۱. نیروی گرانشی

بنابراین گرانش نیوتون هر دو جرم همواره یکدیگر

**در آموزش  
فیزیک دانستن  
شباهت‌ها زمینه  
رشد مهارت‌های  
ذهنی و عملی  
را پیش روی  
دانش آموزان قرار  
می‌دهد**

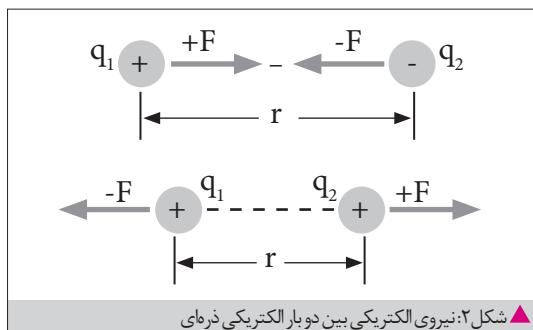
ساز و کار بنيادی قانون کولن بیان می‌کند که بارهای همنام یکدیگر را دفع و بارهای ناهمنام یکدیگر را جذب می‌کنند [۲]. شکل نرده‌ای قانون کولن تنها اندازه نیروی بین دو بار الکتریکی نقطه‌ای را بیان می‌کند. اگر جهت مهم باشد شکل برداری نیز اهمیت می‌یابد.

اندازه نیروی الکترواستاتیک ( $F$ ) از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad (2)$$

که  $r$  فاصله بین دو بار و  $k$  ثابت تناسب است. نیروی مثبت، جذب دو بار و نیروی منفی، دافعه بین دو بار را بیان می‌کند. ثابت  $k$  ثابت کولن نامیده می‌شود (گاهی هم ثابت نیروی کولنی) که به شرایط محیط بستگی دارد و می‌توان آن را محاسبه کرد [۲].

قانون کولن می‌گوید که نیروی بین دو ذره باردار، ارتباط مستقیم با اندازه آن دو دارد. یعنی هر چه اندازه آن‌ها بیشتر باشد، نیروی بین آن دو بیشتر است. این قانون همچنین می‌گوید که نیروی الکتریکی میان دو ذره باردار با مجدد فاصله دو جسم رابطه وارون دارد و این نیرو در فواصل نزدیک قوی‌تر عمل می‌کند.



▲ شکل ۲: نیروی الکتریکی بین دو بار الکتریکی ذره‌ای

### ۳ - ۳. نیروی الکترومغناطیسی

هر گاه دوبار الکتریکی متحرک داشته باشیم، این دو بار به یکدیگر نیروی مغناطیسی وارد می‌کنند. این نیرو با اندازه بارها رابطه مستقیم و با فاصله آن‌ها از یکدیگر رابطه عکس دارد. اگر دو سیم موازی بلند را در نظر بگیریم و در این دو سیم جریان الکتریکی برقرار کنیم، خواهیم دید این دو سیم به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. و با توجه به جهت سیم‌ها، این نیرو می‌تواند دافعه یا جاذبه باشد. هر گاه دو سیم دارای جریان همسو باشند نیروی ریاضی بین آن‌ها ایجاد می‌شود. هر چه دو سیم دارای جریان قوی‌تری باشند و در فاصله کمتری از یکدیگر قرار گرفته باشند نیروی ریاضی بین آن‌ها قوی‌تر است.

اندازه نیروی الکترومغناطیسی بین دو سیم از رابطه زیر به دست می‌آید:

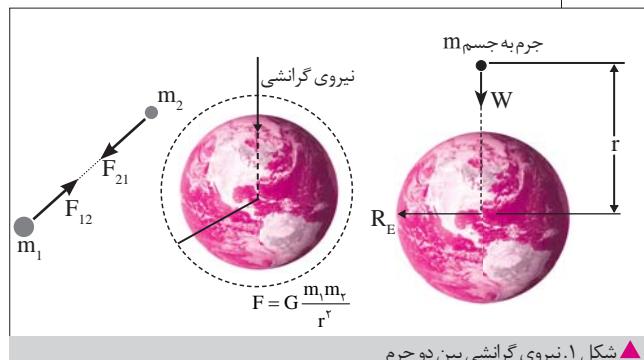
$$F = \mu \cdot \frac{i_1 i_2 L}{2\pi r} \quad (3)$$

را می‌ربایند (به سمت یکدیگر جذب می‌شوند). بیان این قانون به این صورت است: نیروی گرانشی میان دو ذره با حاصل ضرب جرم دو ذره نسبت مستقیم و با مجدد فاصله آن‌ها از یکدیگر نسبت وارون دارد. اندازه نیروی گرانش ( $F$ ) از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad (4)$$

در این معادله  $G$  ثابت گرانش عمومی است،  $F$  نیروی گرانش بین دو جرم،  $m_1$  و  $m_2$  مقدار دو جرم و  $r$  فاصله بین دو جرم است. نیروی گرانشی بین جسم‌های با جرم کم، ناچیز است [۳].

قانون گرانش نیوتون می‌گوید که نیروی گرانشی بین دو جسم، با جرم آن دو ارتباط مستقیم دارد. یعنی هر چه جرم آن‌ها بیشتر باشد، نیروی گرانشی بین آن دو بیشتر است. این قانون همچنین می‌گوید که نیروی گرانشی بین دو جسم با مجدد فاصله دو جسم رابطه عکس دارد. قانون گرانش نیوتون به ماده‌گوید که هر چه اجسام از یکدیگر دورتر باشند، مقدار این نیرو کوچک‌تر است. این قانون همچنین می‌گوید که کشش گرانشی یک ستاره درست یک چهارم کشش گرانشی ستاره مشابه‌ای است که در نصف فاصله آن قرار گرفته باشد. بدلیل وجود گرانش، جسمی که در نزدیک زمین قرار می‌گیرد به سطح این سیاره سقوط می‌کند. جسمی که در سطح زمین است نیز نیرویی به سمت پایین را تجربه می‌کند که به علت وجود گرانش است. ما این نیرو را در بدن خود به شکل وزن تجربه می‌کنیم. پیرو این قانون اگر پرتابه‌ای با سرعت زیاد از بالای یک قله پرتاپ شود، تحت تأثیر گرانش، مسیری منحنی را طی خواهد کرد. اگر سرعت این پرتابه به اندازه کافی باشد، می‌تواند یک دایرهٔ کامل را گرد زمین بپیماید و همواره دور زمین بچرخد.

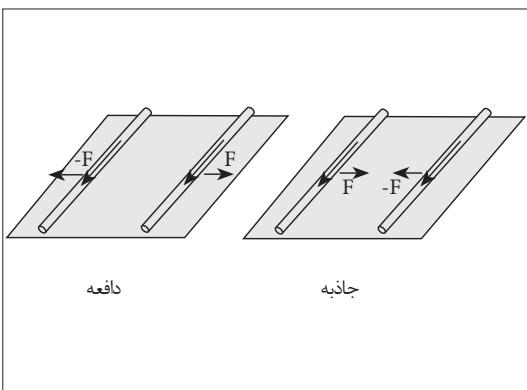


▲ شکل ۱: نیروی گرانشی بین دو جرم

### ۳ - ۲. نیروی الکتریکی

نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند با حاصل ضرب اندازه دو بار رابطه مستقیم و با مجدد فاصله دوبار رابطه عکس دارد.

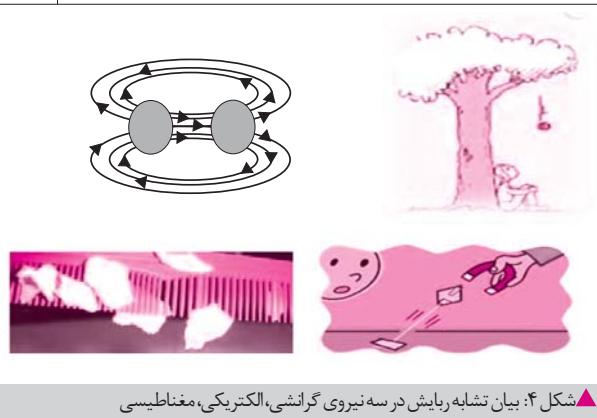
را به تعدادی میخ نزدیک می‌کنیم میخ‌ها جذب آهنربا می‌شوند و میخ‌هایی که به آهنربا نزدیک‌ترند بیشتر جذب به میخ‌ها قرار دهیم میخ‌های بیشتری جذب آن می‌شوند. همچنین دو قطب هم نام آهنربا یکدیگر را دفع می‌کنند. برای مثالی تکمیلی از مغناطیسی که همان الکترومغناطیس است می‌توان به این مثال پرداخت: مداری شامل دو سیمی که دارای جریان عبوری همسو هستند را در نظر بگیریم و پس از ایجاد میدان الکتریکی در مدار، دو سیم به یکدیگر نزدیک و جذب هم می‌شوند و هر چه در این مدار سیم‌ها به هم نزدیک‌تر باشند و جریان‌ها قوی‌تر باشند نیروی ریاضی قوی‌تر است.



شکل ۳: نیروی الکترومغناطیسی بین دو سیم حامل جریان

#### ۴. بیان تعریف مشترک و تشابه بین مفاهیم ذکر شده

هر دو جرمی که در فاصله مشخصی قرار داشته باشند به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. هر دو ذره باردار که در فاصله معینی از یکدیگر قرار گرفته‌اند، به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. ذرات مغناطیسی مانند قطب‌های آهنربا در فاصله معین به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. ذرات باردار متوجه به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. دو سیم حامل جریان که در فاصله معینی قرار دارند به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. در هر سه نیرو، اندازه ذرات و فاصله بین آن‌ها در اندازه نیرو اهمیت دارند و تأثیرگذارند. نیروهای بررسی شده، هر سه بر اثر میدانی که ذرات در اطراف خود ایجاد می‌کنند، به وجود می‌آیند. بیان یک مثال برای بیان تشابه نیروهای الکتریکی و گرانشی: چرا وقتی لباس پلاستیکی را از تن خود در می‌آورید لباس به تن شما می‌چسبد؟ چرا بعد از شانه کردن سر، شانه می‌تواند خردکهای کاغذ را بلند کند؟ چرا بعد از رفتن روی فرش، اگر به دستگیره در دست بزنید به دست شما شوک وارد می‌شود؟ این‌ها نمونه‌هایی از نیرویی هستند که از سیاری جهات شبیه به نیروی گرانشی است. زیرا ظاهراً از دور و از طریق خلاً اثر می‌کند. اگر شانه‌ای را به سر خود بزنید و آن را به توب پینگ‌پونگ آغشته به گرافیت آویزان نزدیک کنید، شانه توب را از فاصله‌ای جذب می‌کند. اما این نیرو از نوع گرانشی نیست زیرا خیلی قوی‌تر از آن است. جاذبه گرانشی بین توب پینگ‌پونگ و شانه به قدری ضعیف است که قابل آشکارسازی نیست. برای اینکه نیروی گرانشی آشکارسازی شود، جسمی در اندازه کرمزمین یا ماه لازم است. نیروی جدید یک خاصیت موقتی دارد. زیرا اگر بعد از شانه زدن مدتی صبر کنید، احتمالاً اثر این نیرو ناگذید خواهد شد. برای اینکه شانه توب را جذب کند باید بار الکتریکی به آن داده شود. این همان نیروی الکتریکی است که شباht به نیروی گرانشی دارد [۵]. برای بیان تشابه نیروهای مغناطیسی و گرانشی به مثالی واضح اشاره می‌کنیم. هنگامی که آهنربایی



شکل ۴: بیان تشابه ریاضی در سه نیروی گرانشی، الکتریکی، مغناطیسی

#### ۵. کدامیک از این نیروها معمول‌ترند و بهتر است ابتدا آموخته شود؟

در بین سه نیروی الکتریکی، گرانشی و الکترومغناطیسی، نیروی مغناطیسی قطب‌های آهنربا به علت در دسترس بودن آهنربا و عینی بودن آن‌ها و نیروی ریاضی بین قطب‌ها و اجسام جذب شده به سمت آهنربا، قابل مشاهده است، اما در موارد پیشرفت‌تر بیان چگونگی اعمال نیرو نیاز به توضیح‌ها و فهم بیشتری دارد. نیروی الکتریکی، نیاز به شرایط ویژه‌تری نسبت به نیروی گرانشی دارد تا این نیرو احساس شود، اما مثال‌های فراوانی در مشاهده این نیرو وجود دارد. مثل چسبیدن موها به شانه ... و استفاده از همانندی نیروها برای درک این نیرو بسیار مؤثر است. اما در بین این سه نیرو، نیروی گرانشی به علت وجود زمین که یک جرم بزرگ است و تمام اجسام را به سمت خود می‌کشد و همیشه این جاذبه برای همه اجسام اتفاق می‌افتد معمول‌تر و در دسترس‌تر و قابل درک‌تر است و یادگیری آن آسان‌تر است. با توجه به اینکه اثر نیروی گرانشی به وضوح قابل مشاهده است و کاربرد بیشتری دارد و همین دلایل باعث ملموس‌تر بودن فهم آن است، بنابراین بهتر است که قبل از نیروهای دیگر گفته شود

و عوامل مؤثر در آن را می‌آموزد. در مبحث نیروی الکتریکی با بیان مثالی از جاذبه گرانشی مثل پدیده پرتاپ توب و معرفی هر کدام از اجرام و تشابه دادن آن‌ها با ذرات باردار و بیان تعریف نیروی الکتریکی و قانون کولن و تشابه وابستگی آن به فاصله و ذرات، مانند نیروی گرانش، درک نیروی الکتریکی برای دانش آموز ملموس‌تر و یادگیری آن سریع‌تر می‌شود. معادله نیروی کولنی بسیار شبیه به معادله گرانش نیوتونی است.  $q_1 q_2 / r^2$  را در این قانون بازی می‌کند، در مبحث مغناطیس نیز علاوه بر اینکه دانش آموز با ویژگی آهنربا آشنایی ابتدایی دارد، می‌توان از ویژگی همانندی نیروها استفاده کرده و این مبحث را گسترشده‌تر و روان‌تر بازگو کرد، به طوری که به مباحث نیروی وارد بر بار و نیروی وارد بر سیم حامل جریان اشاره کرده و در اینجا دانش آموز با مبحث کامل‌تر نیروی الکترومغناطیس آشنا شود. در بیان این نیرو برای دو سیم موادی نیز به خوبی می‌توان از تشابه آن با نیروی الکتریکی بهره برد. این نیرو نیز مانند نیروهای مشابه خود به جریان عبوری که یکی از عوامل تولید نیرو است وابستگی مستقیم و با فاصله، رابطه عکس دارد. در اینجا  $1/r^2$  نقش  $m$  و  $q_1 q_2$  را دارد و در هر سه فرمول در مخرج کسر، فاصله دیده می‌شود. همانندی‌ها در یک مبحث فیزیکی همچون کلید رمزگشایی است که با بیان عوامل مشترک در ویژگی‌ها، یادگیری را در بیان مفهوم دیگر آسان‌تر می‌کند. مثلاً در مبحث نیرو، دانش آموز با دانستن یک نیرو و مرور و یادآوری ویژگی‌های آن می‌تواند سریع‌تر و دقیق‌تر نیروی جدید را به خوبی یادگیرد و این یادگیری تا مدت‌ها با حضور این کلید ارتباطی برای او ماندگار بماند.

طبق جدول صفحه بعد می‌توان به خوبی دید که سه نیروی ذکر شده دارای ویژگی‌های مشابه هستند. اندازه نیرو در هر سه حالت به اندازه ذرات، وابستگی مستقیم و با فاصله بین آن‌ها رابطه عکس دارد. بنابراین آموزش و شناخت یکی از نیروها می‌تواند راه را برای آموزش نیروهای دیگر هموار و آسان‌تر کند. شناخت یک نیرو و دانستن فرمول و وابستگی به پارامترهایش مثالی مناسب برای یادآوری آن نیرو است و پیش‌زمینه‌ای برای تدریس نیروهای دیگر است.

## ۸. چگونه می‌توان از این همانندی‌ها در کاهش سرفصل‌های فیزیک استفاده کرد؟

با توجه به مباحث فیزیک و کاربرد همانندی‌ها در این مباحث وجود عوامل مشترک در آن‌ها، می‌توان هنگام تدریس فیزیک، شاخه موردنظر را به عنوان سرفصل اصلی تدریس کرد و سپس موارد مشابه را برای آن به عنوان زیرمجموعه بیان کرد. همانندی‌ها در شناخت بهتر مبحث، به دانش آموز کمک بسیزایی می‌کند. اما با توجه به اینکه شاخه‌های مختلف علم فیزیک گسترده‌گی فراوانی دارند و مباحث هر شاخه، زنجیره‌ای به هم متصل‌اند، با بیان کلی می‌توان آن‌ها را آموزش داد و

و این نیرو مدل و کلید رمزی باشد برای تدریس دو نیروی دیگر. برای بیان نیروی الکترومغناطیسی نیز نیاز است که ابتدا دانش آموز با دو مبحث نیروی الکتریکی و مغناطیسی آشنا شود.

## ۶. بیان مباحثی فیزیکی و بررسی حالت‌ها و شرایط مختلف همانندی‌ها برای این مباحث از نظر مفهوم نیرو

وقتی توبی را به هوا پرتاپ می‌کنیم، این توب پس از طی زمان معین و رسیدن به نقطه اوج خود به زمین بر می‌گردد. وقتی یک گلوله فلزی باردار را به یک آونگ فلزی باردار نزدیک می‌کنیم که دارای بار مخالف آن است، گلوله آونگ منحرف می‌شود. اگر بارها ناهمنام باشند گلوله جذب آن می‌شود. اگر یک فلز (آهنی) را نزدیک آهنربا قرار دهیم، به آهنربا جذب می‌شود. اگر دو سیم انعطاف‌پذیر را در یک مدار قرار دهیم و جریان را برقرار کنیم، دو سیم با توجه به جهت‌شان از یکدیگر دور یا به هم نزدیک می‌شوند. با بررسی همانندی‌ها در این سه رویداد می‌توان برای هر مبحث دلایل مشترک را که در تعریف تک‌تک نیروها آمده است بیان کرد. برای پدیده پرتاپ توب، زمین و توب دو جرم هستند که یکدیگر را به سوی خود می‌کشند و به دلیل اینکه جرم زمین نسبت به توب بیشتر است توب به سمت آن جذب می‌شود. هر چه توب به زمین نزدیک‌تر می‌شود نیروی بین آن‌ها بیشتر می‌شود. هر چه جرم توب بیشتر باشد نیرو نیز بیشتر می‌شود در مثال گلوله و آونگ نیز، با استفاده از همانندی‌ها می‌توان بیان کرد که گلوله نقش زمین را دارد و گلوله آونگ، نقش توب. وقتی که گلوله را به آونگ نزدیک می‌کنیم هر چه فاصله کمتر می‌شود نیروی بین آن‌ها قوی‌تر و هر چه گلوله‌ها باز بیشتری داشته باشند نیروی بین آن‌ها بیشتر می‌شود. در پدیده آهنربایی، آهنربا نقش زمین را دارد و فلز را به سمت خود می‌کشد، هر چه فلز قوی‌تر باشد نیرو بیشتر و هر چه فاصله آهنربا با فلز باشد نیرو قوی‌تر می‌شود. در پدیده دو سیم موادی نیز، هر کدام از دو سیم نقش زمین و توب را دارند.

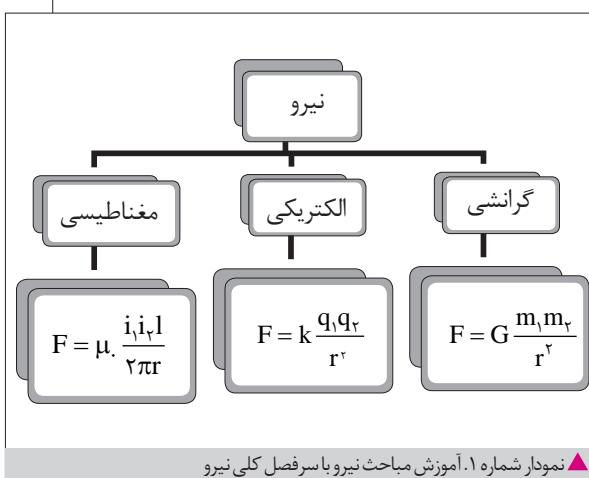
## ۷. چگونه می‌توان از همانندی‌ها در آموزش نیرو استفاده کرد؟

با کشف و استفاده از همانندی‌های پدیده‌ها و به کارگیری نمادهای ساده و مناسب می‌توان نظمی نوبه اطلاعات گسترش داد و به یک جمع‌بندی و سازمان‌دهی با نظمی جدید برای استفاده بهینه‌تر دست یافت. وقتی دانش آموز با مبحث جاذبه که آن را به روشی در طول شبانه‌روز بارها مشاهده می‌کند، آشناست، با معرفی قانون گرانش نیوتون که بیان ریاضی نیروی جاذبه است، مفهوم نیروی جاذبه را بهتر درک می‌کند و ویژگی

**ارزش این همانندی‌ها در آن است که می‌توان با آموزش یک مفهوم معین در زمینه‌ای از فیزیک، مفاهیم مشابه در زمینه‌های در زمینه‌ای دیگر را هم‌زمان آموزش داد**

جدول شماره ۱: رابطه نیروها و چگونگی تشابه بین پارامترها

نیروی الکترومغناطیسی	نیروی الکتریکی	نیروی گرانشی	نیرو
$F = \mu \frac{i_1 i_2 l}{2\pi r}$	$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$	$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$	فرمول
رابطه مستقیم با حاصل ضرب بارها	رابطه مستقیم با حاصل ضرب بارها	رابطه مستقیم با حاصل ضرب جرم‌ها	رابطه نیرو با ذرات
رابطه عکس با خود فاصله	رابطه عکس با مجدد فاصله	رابطه عکس با مجدد فاصله	رابطه نیرو با فاصله بین ذرات
دو سیم حامل جریان	دو گلوله باردار	دستگاه توب و زمین	مثال



نمودار شماره ۱. آموزش مباحث نیرو با سرفصل کلی نیرو

عکس دارد. استفاده از این همانندی‌ها در نیروهای ذکر شده و بیان این عوامل در تدریس نیروهای موردنظر، یادگیری و فهم مطالب را برای دانش‌آموزان راحت‌تر و عمیق‌تر می‌کند و در مدت طولانی به صورت مجموعه‌ای با ویژگی‌های یکسان و زنجیره‌ای در خاطر دانش‌آموزان باقی می‌ماند و این تشابه باعث یک پیوستگی در مفهوم نیرو و همچون واژه کلیدی در ذهن دانش‌آموز به علت وجود ویژگی‌های مشترک می‌ماند. با استفاده از همانندی‌ها و پیدا کردن نکته‌های مشترک می‌توان به مجموعه‌ای منظم‌تر و منسجم‌تر از یک موضوع آموزشی در زمینه خاص از شاخه‌های مختلف رسید که دسترسی به آن راحت‌تر از یک مجموعه گسترده‌تر در این مبحث است و این مجموعه منسجم و کوچک که شامل موارد مشابه در نیروهای مختلف در شاخه‌های مختلف علم فیزیک است، یادگیری و یاددهی را بهبود می‌دهد.

#### منابع

- لقایی: شاهrix, طرح آموزشی همانندی‌های در فیزیک، مجله‌رشد آموزش فیزیک، شماره ۶۱ سال سیزدهم، ص ۴۲-۴۳.
- هالیدی؛ د، رزنیک، ر، فیزیک، الکتریسیته و مغناطیسی، جلد دوم، ص ۲۱-۲۷.
- هالیدی؛ د، رزنیک، ر، فیزیک، مکانیک، جلد اول، ص ۴۳-۴۷.
- سایت رشد آموزش فیزیک

نیاز است تا برای بیان هر مبحث، عوامل ابتدایی پیدا شی آن توضیح داده شود. مثلاً برای بیان نیروی الکتریکی باید داشت آموز با تعریف میدان الکتریکی و پتانسیل الکتریکی نیز آشنایی شود که مباحث یک شاخه هستند. البته می‌دانیم که هر سه این نیروها در اثر میدانی در دستگاه خود به وجود می‌آیند. اما در کنار همه این نیازها می‌توان به طور کلی مبحث مورد نظر را به عنوان تیتر و سرفصل اصلی آورد و سپس موارد زنجیره‌ای را که در این مبحث مشابه‌اند بیان کرد. مثلاً طبق این پژوهش نیرو را به طور کلی و به عنوان سرفصل درس در نظر گرفته و توضیح داد، سپس موارد ذکر شده (الکتریکی، گرانشی، الکترومغناطیسی) را با توجه به همانندی‌شان بیان و ویژگی‌های مشترک را بررسی کرد. بنابراین در سرفصل اصلی نیرو، هر چه مصادق نیرو هست بررسی می‌شود. در ادامه نمودار درختی با سرفصل آموزشی نیرو و استفاده از همانندی در ویژگی پارامترهای اثرگذار در اندازه سه نیروی ذکر شده به طور مختصر آورده شده است.

## ۸. نتیجه‌گیری

از مباحث مورد بررسی قرار گرفته شده در این پژوهش که نیروهای الکتریکی، گرانشی و الکترومغناطیسی هستند، این نتیجه به دست آمد که: نکته‌های مشترکی بین آن‌ها وجود دارد. این عوامل مشترک عبارت‌اند از: اندازه ذرات باردار در نیروی الکتریکی، اندازه جرم اجسام در نیروی گرانشی و نیز اندازه جریان یا ذره مغناطیسی در نیروی الکترومغناطیسی، که اندازه نیروها با این عوامل رابطه مستقیم داشتند، همچنین عامل مشترک دیگر، فاصله بین این ذرات است که: نیروی الکتریکی و گرانشی با مجدد فاصله رابطه عکس دارند، اما در نیروی الکترومغناطیسی با خود فاصله رابطه